



Exámenes resueltos en galoisenlinea

El sistema galoisenlinea

<http://galois.azc.uam.mx/> pone a disposición de la comunidad de la Universidad Autónoma Metropolitana (México) y de la comunidad mundial, una serie de exámenes resueltos, los cuales se han aplicado en diversos trimestres en esta Universidad.

El procedimiento detallado y solución de los ejercicios que integran cada examen han sido elaborados por profesor@s de UAM-A.

galoisenlinea, agradece a profesor@s su disposición en publicar las respuestas e invita a la comunidad académica a sumarse en este esfuerzo.

Click en cada curso...

[Matemáticas discretas](#)

[Introducción al cálculo](#)

[Criptografía](#)

[Introducción al Algebra Lineal](#)

[Complementos de matemáticas](#)

Sistema galoisenlinea:

- Dra. Georgina Pulido
- Dra. Alicia Cid
- Dr. Ricardo López

gpr@correo.azc.uam.mx

rlopez@correo.azc.uam.mx

acir@correo.azc.uam.mx

Matemáticas discretas

(click en cada imagen)

Introducción al Cálculo

(click en cada imagen)

Introducción al cálculo

Examen de recuperación

Trimestre 13-0
Turno vespertino

Toda solución debe mostrar el procedimiento detallado.

Nombre: _____

- (12%) Resolver la desigualdad $\frac{5x-3}{x+8} < 0$.
- (18%) Considerar la función $f(x) = \frac{6x^2-7x-3}{3x^2+4x+1}$.
Calcular:
(a) Dominio y ceros de la función.
(b) Ecuaciones de las asíntotas verticales y horizontales.
(c) Intersecciones de $f(x)$ con el eje y .
(d) Gráfica de $f(x)$.
(e) Rango de $f(x)$.
(f) Intervalos en los que $f(x)$ es positivo y en los que $f(x)$ es negativa.
(g) Decidir si $f(x)$ es par, impar o ninguna de las dos.
- (15%) Considerar las funciones $f(x) = \sqrt{5x-2}$ y $g(x) = \frac{x^2+2}{x^2}$.
Encontrar la regla de correspondencia, dominio y ceros de $(g \circ f)(x)$ y $(\frac{f}{g})(x)$.
- (10%) Considerar la función $g(x) = -2x^2 - 4x + 6$.
(a) Usando la definición de derivada, calcular $g'(-2)$.
(b) Calcular la ecuación de la recta tangente a la gráfica de $g(x)$ en el punto $(-2, g(-2))$.
(c) Graficar $g(x)$ y la recta tangente a $g(x)$ en el punto $(-2, g(-2))$.
- (14%) Calcular
(a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) - 3x + x^2}{3x}$.
(b) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{3x - \sqrt{87-2x}}{3x^2 + 2x - 33}$.
- (10%) Considerar la función: $f(x) = \begin{cases} 6x - 3a & \text{si } x \leq 3 \\ 3bx + 9 & \text{si } 3 < x \leq 4 \\ 3x^2 - 8x - 10 & \text{si } x > 4 \end{cases}$
(a) Justificar por qué la función $f(x)$ es continua en los intervalos $(-\infty, 3)$, $(3, 4)$ y $(4, +\infty)$.
(b) Calcular los valores de a, b para que la función $f(x)$ sea continua en $x = 3$ y $x = 4$.
- (10%) Considerando la función $f_1(x) = \cos(x)$ y que:
i- $f_1(x)$ en tal que su gráfica se obtiene al mover la gráfica de $f_1(x)$ en $\frac{\pi}{4}$ unidades a la izquierda.
ii- $f_2(x)$ en tal que su gráfica se obtiene al reflejar la gráfica de $f_1(x)$ con respecto al eje x .
iii- $f_3(x)$ en tal que su gráfica se obtiene al trasladar la gráfica de $f_1(x)$ una unidad hacia arriba.
(a) Determinar la fórmula de $f_3(x)$.
(b) Contruir la gráfica de la función $f_3(x)$.



Criptografía

(click en cada imagen)

Introducción al Álgebra Lineal

(click en cada imagen)

Complementos de Matemáticas

(click en cada imagen)

Examen de Vectores

<p>1) Sean los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$, $\vec{w} = (2, 1)$. Calcula el módulo de la suma $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$.</p> <p>Sol: $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w} = (1+3+2, 2+4+1) = (6, 7)$ $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w} = \sqrt{6^2 + 7^2} = \sqrt{85}$</p> <p>2) Calcula el producto escalar de los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\vec{u} \cdot \vec{v} = 1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 = 3 + 8 = 11$</p> <p>3) Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\cos \theta = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{ \vec{u} \vec{v} } = \frac{11}{\sqrt{5} \sqrt{25}} = \frac{11}{5\sqrt{5}}$ $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula $\vec{u} \cdot \vec{v}$ y $\vec{u} + \vec{v}$ si $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\vec{u} \cdot \vec{v} = 11$, $\vec{u} + \vec{v} = \sqrt{85}$</p> <p>4) Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p> <p>5) Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>
<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p> <p>6) Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>
<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>	<p>Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (3, 4)$.</p> <p>Sol: $\theta = \arccos\left(\frac{11}{5\sqrt{5}}\right)$</p>

Examen de Rectas y Planos

1) Considera los planos $P: (2, 5, 3)$, $R: (-1, 2, -2)$ y $S: (3, 1, 1)$.
 Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano P .
 Sol: La recta que pasa por P_0 y tiene vector director \vec{d} es perpendicular a P .
 $\vec{d} = (2, 5, 3) \times (-1, 2, -2) = (-1, -1, 7)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-1, -1, 7)$
 Distancia al plano P :
 $d = \frac{|2(1) + 5(1) + 3(2) - 12|}{\sqrt{2^2 + 5^2 + 3^2}} = \frac{|2 + 5 + 6 - 12|}{\sqrt{38}} = \frac{1}{\sqrt{38}}$

2) $P: (2, 5, 3)$, $R: (-1, 2, -2)$
 $\vec{d} = (2, 5, 3) \times (-1, 2, -2) = (-1, -1, 7)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-1, -1, 7)$
 Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano R .
 $d = \frac{|-1(1) - 1(1) + 7(2) - 12|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 7^2}} = \frac{|-1 - 1 + 14 - 12|}{\sqrt{51}} = \frac{0}{\sqrt{51}} = 0$
 El punto P_0 pertenece al plano R .

3) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $S: (3, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (3, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, 8, -14)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, 8, -14)$
 Distancia al plano S :
 $d = \frac{|3(1) + 1(1) + 1(2) - 6|}{\sqrt{3^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|3 + 1 + 2 - 6|}{\sqrt{11}} = \frac{0}{\sqrt{11}} = 0$
 El punto P_0 pertenece al plano S .

4) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $T: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano T :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

5) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $U: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano U :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

6) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $V: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano V :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

7) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $W: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano W :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

8) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $X: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano X :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

9) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $Y: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano Y :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

10) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $Z: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano Z :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

11) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $AA: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano AA :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

12) Encuentra la distancia del punto $P_0(1, 1, 2)$ al plano $BB: (1, 1, 1)$.
 $\vec{d} = (1, 1, 1) \times (2, 5, 3) = (-2, -2, 2)$
 $\vec{r} = (1, 1, 2) + t(-2, -2, 2)$
 Distancia al plano BB :
 $d = \frac{|1(1) + 1(1) + 1(2) - 3|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2}} = \frac{|1 + 1 + 2 - 3|}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$